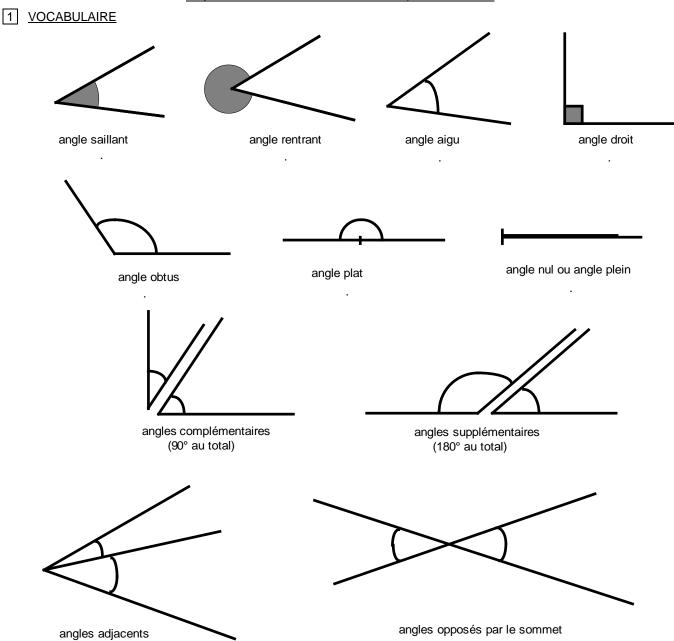
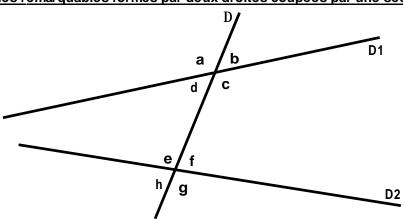
Leçon N°4 ANGLES: VOCABULAIRE, PROPRIÉTÉS

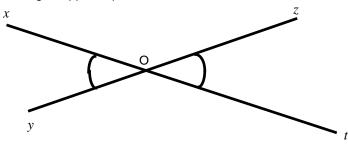


Angles remarquables formés par deux droites coupées par une sécante :



Les angles \mathbf{b} et \mathbf{f} sont <u>correspondants</u> (c et g, a et e, d et h égalementi) Les angles \mathbf{c} et \mathbf{e} sont <u>alternes-internes</u> (d et f également) Les angles \mathbf{a} et \mathbf{g} sont <u>alternes-externes</u> (b et h également)

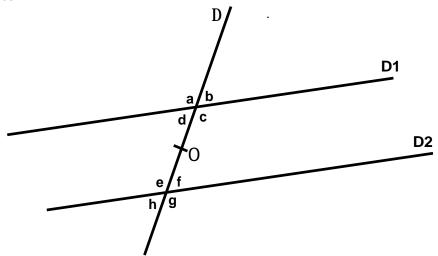
2 ANGLES ET SYMÉTRIES a/ Angles opposés par le sommet



Les angles xOy et zOt sont symétriques par rapport au point O donc ils ont la même mesure (de même pour xOz et yOt).

Deux angles opposés par le sommet ont toujours la même mesure.

b/ Angles remarquables



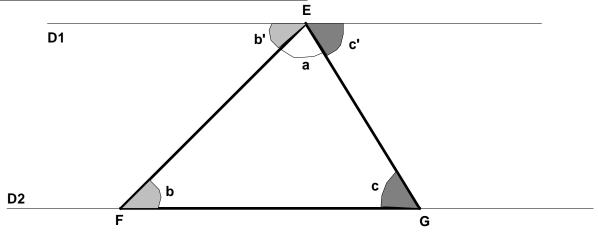
La symétrie de centre O permet de justifier que :

(1) Si deux angles remarquables (correspondants ou alternes-internes ou alternes-externes) sont égaux, alors les droites D1 et D2 sont parallèles.

Réciproquement:

(2) Si les droites D1 et D2 sont parallèles, alors les paires d'angles remarquables sont toutes constituées de deux angles égaux.

3 SOMME DES MESURES DES ANGLES D'UN TRIANGLE



Les droites D1 et D2 étant parallèles, les angles alternes-internes b et b' sont égaux. De même les angles c et c' sont égaux.

 $a + b' + c' = 180^{\circ} donc a + b + c = 180^{\circ}$

En "assemblant" les trois angles d'un triangle on obtient un angle plat.

La somme des mesures des trois angles d'un triangle est toujours égale à 180°.

Conséquences:

- (1) Les deux angles aigus d'un triangle rectangle sont toujours complémentaires (total : 90°)
- (2) La somme des mesures des quatre angles d'un quadrilatère est toujours égale à 360 °.